

GESTION DES STOCKS :

Le coût C du stock d'une entreprise pour une période résulte de deux types de frais :

- Les frais de possession du stock (immobilisation de capital, local d'entreposage, surveillance, assurances etc.). On admet que le montant de ces frais de possession, exprimé en euros, est calculé en fonction du nombre n de commandes à l'aide de la relation $\frac{10\,800}{n}$;
- Les frais de passation de commandes (secrétariat, comptabilité, manutention, etc.). On admet qu'ils sont proportionnels aux nombres de commandes et que le montant de ces frais, exprimé en euros, est calculé à l'aide de la formule suivante $40 n$.

Le coût C du stock d'une entreprise, exprimé en euros, est donc calculé en fonction du nombre de commandes n à l'aide de la relation suivante :

$$C = 40 n + \frac{10\,800}{n}.$$

Problématique : Pour quel nombre de commandes le coût du stock est-il minimal ?

Modélisation mathématique :

On note C_1 la courbe représentative de la fonction f définie, sur l'intervalle $[1 ; 40]$, par $f(x) = 40x$, C_2 celle de la fonction g définie, sur le même intervalle, par $g(x) = \frac{10\,800}{x}$

avec x représentant

1. Compléter le tableau de valeurs :

x	2	4	6	8	20	25	30	35	40
$f(x) = 40x$									
$g(x) = \frac{10\,800}{x}$									
$S(x) = f(x) + g(x)$									

2. Représenter graphiquement sur l'intervalle $[1 ; 40]$, les courbes C_1 et C_2 .

3. On note C la courbe représentative de la fonction S sachant que $S = f + g$.

Construire sur l'intervalle $[1 ; 40]$ la courbe représentative C à partir des courbes C_1 et C_2 .

4. Déterminer graphiquement un intervalle dans lequel se situe la valeur de x pour laquelle S est minimale.

.....

5. En déduire, à l'aide d'un tableau de valeurs, le nombre de commandes pour lequel le coût du stock est minimal :

x									
C									

.....

